

Lab03-Set, Relation, and Function

计算机科学导论课后习题, 讲师: 高晓沨, 2016 秋季学期

标注您的 姓名: _____ 学号: _____ 班级: _____
* 电子版作业请直接上传到课程网站

1. 除了课上的示例外, 请给出等价关系、偏序关系、拟序关系和相容关系的例子。
2. 假设函数 f 是一个从集合 A 到集合 B 的函数, 令 S 和 T 是 A 的子集, X 和 Y 是 B 的子集。定义 $f^{-1}(S) = \{a \in A \mid f(a) \in S\}$ (注意该定义对任意函数都有效, 不仅是可逆函数)。证明:
 - (a) $f(S \cup T) = f(S) \cup f(T)$.
 - (b) $f^{-1}(X \cup Y) = f^{-1}(X) \cup f^{-1}(Y)$.
 - (c) 上述两个式子将“ \cup ”改为“ \cap ”等式还成立吗?
3. 对于一元二次方程 $ax^2 + bx + c = 0$, 其中 $a, b, c \in \mathbb{R}$ 。试设计算法, 求解该方程的根。要求输入为 a, b, c , 输出为 x 。请描述算法设计思路并画出流程图 (注意判断方程的可解性)。